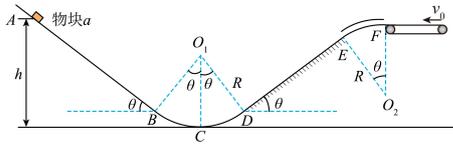


## 高一期末复习专练：计算题功能部分

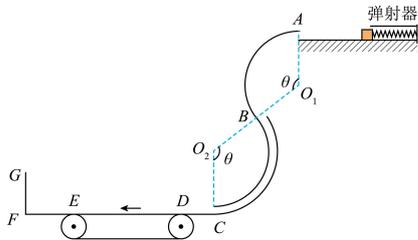
1. (23-24 高一下·浙江宁波·期末) 某固定装置的竖直截面如图所示, 由倾角 $\theta=37^\circ$ 的直轨道 AB, 半径 $R=1\text{m}$ 的圆弧轨道 BCD, 长度 $L=1.25\text{m}$ 、倾角为 $\theta$ 的直轨道 DE, 半径为 $R$ 、圆心角为 $\theta$ 的圆弧管道 EF, 速度 $v_0=1\text{m/s}$ 、长度 $d=0.3\text{m}$ 的逆时针旋转的水平皮带组成。各部分平滑连接。质量 $m=0.5\text{kg}$ 的小物块 a 从轨道 AB 上高度为 $h$ 处静止释放, 经圆弧轨道 BCD 滑上轨道 DE, 轨道 DE 由特殊材料制成, 小物块 a 向上运动时动摩擦因数 $\mu_1=0.25$ , 向下运动时动摩擦因数 $\mu_2=0.5$ , 且最大静摩擦力等于滑动摩擦力。当小物块 a 皮带上滑动时动摩擦因数恒为 $\mu_2$  (其它轨道均光滑, 小物块视为质点, 不计空气阻力  $\sin 37^\circ = 0.6$ ,  $\cos 37^\circ = 0.8$ , 已知重力加速度为  $g=10\text{m/s}^2$ )

(1) 若  $h=0.8\text{m}$ , 求小物块 a ①第一次经过 C 点时速度  $v_C$  大小; ②第一次到 C 点时受到的支持力  $F$  的大小; ③第一次在 DE 中向上运动时间  $t_{\uparrow}$  和向下运动时间  $t_{\downarrow}$  之比。(2) 若  $h=1.6\text{m}$ , 小物块 a 滑过皮带的过程中产生的热量  $Q$ 。



2. (23-24 高一下·浙江金华·期末) 如图所示, 一弹射游戏装置由安装在水平平台上的固定弹射器和两个半径均为  $R=0.7\text{m}$  的“S”形圆弧轨道 ABC、水平直轨道 CD、EF、传送带 DE 以及竖直挡板 FG 组成, 轨道各部分平滑连接。  $O_1$ 、  $O_2$  为两圆弧轨道圆心,  $O_1$ 、  $O_2$  连线与竖直线间的夹角均为  $\theta=120^\circ$ , 且 A、C 两点切线水平。传送带 DE 长度  $L=3\text{m}$ , 速度  $v_0=10\text{m/s}$  逆时针匀速转动。可视为质点的滑块质量  $m=1\text{kg}$ , 被弹射器由静止弹射, 弹簧的弹性势能完全转化为滑块动能, 滑块被弹射出去后从 A 点进入圆弧轨道, 它与传送带之间的滑动摩擦因数  $\mu=0.6$ , 其余各处均不计摩擦。滑块碰到挡板立即被粘住, 游戏结束。

(1) 若滑块恰好不脱离“S”形圆弧轨道, 求释放滑块时弹簧的弹性势能;  
 (2) 若滑块到达 D 点时速度  $v_1=8\text{m/s}$ , 求滑块通过传送带过程中, 滑块与传送带产生的热量;  
 (3) 设弹簧被压缩后具有的弹性势能为  $E_p$ , 其大小可随意调节, 滑块撞击挡板前的瞬时速度为  $v$ 。在满足滑块不脱轨的前提下, 求  $v$  与  $E_p$  的函数关系。

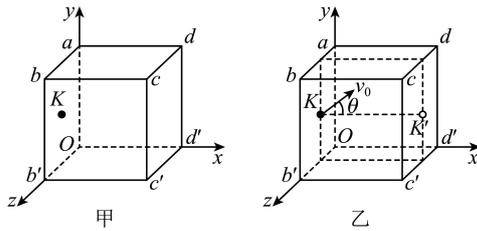


3. (22-23 高一下·浙江宁波·期末) 如图甲所示, 空间直角坐标系  $Oxyz$  中, 有一边长为  $L$  的正方体区域, 其中顶点  $a$ 、 $b'$ 、 $d'$  在坐标轴上。在平面  $Oabb'$  中心  $K$  点放置一装备, 能沿各个方向发射电子。不考虑电子之间的相互作用。电子的质量为  $m$ , 电子的电荷量为  $e$ 。

(1) 为了使初速度为  $v_0$ , 且平行  $x$  轴发射的电子不能到达平面  $dcc'd'$ , 可在该空间范围内增加沿  $x$  轴方向的匀强电场, 求该电场强度的最小值和方向;

(2) 为了使初速度为  $v_0$ , 且平行  $x$  轴发射的电子不能到达平面  $dcc'd'$ , 也可在该空间范围内增加垂直于  $x$  轴方向的匀强电场, 求该电场强度的最小值;

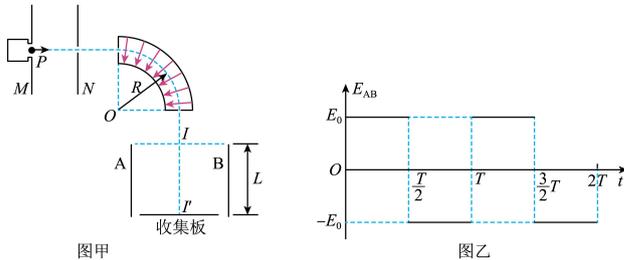
(3) 如图乙所示,  $K'$  位于  $K$  的正对面, 虚线框平行于  $xy$  平面。电子以初速  $v_0$ , 且与  $KK'$  连线夹角为  $\theta$  发射, 在空间范围内增加垂直于  $x$  轴且和  $v_0$  在同一个平面的匀强电场, 该电子会从  $K'$  小孔离开, 达到速度选择的功能。求该电子具有最大电势能时所在位置的电势。已知  $K$  所在位置为零势点。



4. (23-24 高一下·浙江丽水·期末) 如图甲所示,  $P$  处有一粒子源, 可以持续均匀地“飘”出(初速度为零)氢离子, 经  $M$ 、 $N$  间的加速电场加速后, 粒子可以进入辐向电场(电场强度方向指向  $O$ ), 沿着半径为  $R$  的圆弧运动。从辐向电场射出后, 粒子沿平行金属板  $A$ 、 $B$  间的中心线  $II'$  射入匀强电场, 最后都打在足够长的收集板上。已知  $UMN=U$ , 氢离子电荷为  $e$ , 质量为  $m$ ,  $AB$  间的电场随时间变化如图乙所示 ( $AB$  为

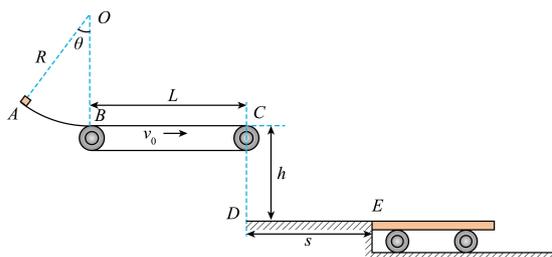
正方向, 周期为  $T$ ),  $AB$  板的长度  $L = \sqrt{\frac{2eU}{m}} \cdot T$ , 以下答案用  $U$ 、 $R$ 、 $e$ 、 $m$ 、 $T$ 、 $E_0$  表示, 不考虑粒子间的相互作用。求:

- (1) 氢离子从  $N$  板射出时的速度大小  $v$ ;
- (2) 半径为  $R$  的圆弧处的电场强度大小  $E$ ;
- (3) 收集板上收集到粒子的位置会发光, 求发光长度  $x$ 。



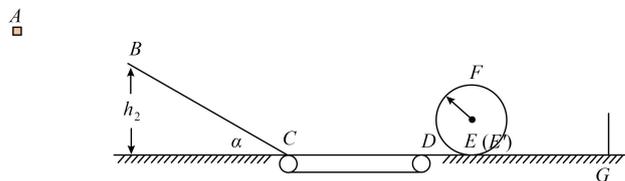
5. (23-24 高一下·浙江衢州·期末)如图为某快递智能分拣系统示意图。AB 是半径  $R = 1\text{m}$ 、圆心角  $\theta = 37^\circ$  的光滑圆弧轨道，与其平滑连接的水平传送带长  $L = 2\text{m}$ ，以大小  $v_0 = 4\text{m/s}$  的速度顺时针方向匀速转动，在传送带下方相距  $h = 0.8\text{m}$  有一水平平台 DE，平台长  $s = 1.6\text{m}$ ，在平台末端 E 处紧靠停放一平板车，平板车上表面与平台在同一水平面，传送带末端 C 点与平台 D 点处在同一竖直线上。设质量  $m = 2\text{kg}$  的包裹（可视为质点）从 A 点静止滑下。已知包裹与传送带间的动摩擦因数  $\mu = 0.3$ ，忽略空气阻力和传送带转轮半径大小的影响， $\sin 37^\circ = 0.6$ ，求：

- (1) 包裹到达 B 点时对轨道的压力  $F_N$ ；
- (2) 传送带对包裹所做的功  $W$ ；
- (3) 若包裹从 A 点滑下时初速度  $v_A$ ，为使包裹都能刚好落在 E 点， $v_A$  的大小需满足什么条件；
- (4) 为了防止易碎品包裹在运输中的损坏，进一步优化系统，可在 DE 平台上固定一倾角  $\alpha = 37^\circ$  的斜面（图中未画出），让包裹离开传送带后恰能无碰撞地落在斜面上，斜面末端离 E 点的水平距离  $x$ 。



6. (23-24 高一下·浙江丽水·期末)如图所示，一游戏装置由固定在竖直平面内的倾斜直轨道 BC、传送带 CD、竖直圆轨道 EFE' 和几段水平轨道组成，竖直圆轨道在最低点略微错开且分别与水平轨道 DE 和 E'G 相连。游戏时滑块从 A 点以  $4\text{m/s}$  的速度水平抛出，恰好在 B 点沿轨道 BC 进入轨道。已知直轨道 BC 倾角  $\alpha = 37^\circ$ ， $h_2 = 0.55\text{m}$ ，传送带长  $CD = 3.2\text{m}$ ，圆轨道半径  $r = 0.4\text{m}$ ，E'G 长  $LE'G = 2.0\text{m}$ ，各轨道间均平滑连接，除传送带及直轨道 E'G 外，其它轨道均光滑，物块与传送带及直轨道 E'G 的动摩擦因数  $\mu = 0.5$ ，滑块质量  $m = 0.05\text{kg}$ ，可视为质点，C、D、E (E')、G 在同一水平面内。

- (1) 求 A、B 两点的高度差  $h_1$ ；
- (2) 传送带静止时，求滑块经过轨道最低点 E 时受到轨道支持力的大小；
- (3) 传送带以  $v = 4\text{m/s}$  的速度顺时针转动时，滑块能否到达 F 点？
- (4) 传送带顺时针转动，滑块与处在 G 处的挡板碰撞后速度大小不变，若要求滑块始终不脱离轨道，求传送带速度取值范围。



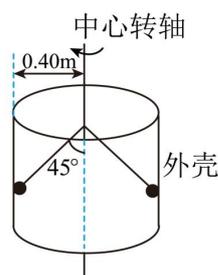
7. (22-23 高一下·浙江衢州·期末) 如图所示为一弹射游戏装置, 由安装在水平轨道 AB 左侧的弹射器、半圆轨道 CDE、水平轨道 EF、四分之一圆弧轨道 FO4、IO2、对称圆弧轨道 GO4、HO2 等组成。CDE 半径  $r_1=0.9\text{m}$ , EF 长度  $L=4.5\text{m}$ , FO4、IO2 半径  $r_2=0.6\text{m}$ , GO4、HO2 半径  $r_3=0.3\text{m}$ 、圆心角  $\theta=37^\circ$ 。C 点略高于 B 点且在同一竖直线上, 其余各段轨道平滑连接。可视为质点的滑块质量  $m=1\text{kg}$ , 锁定在弹射器上的 A 点, 解除锁定后滑块在水平轨道 AB 上运动了  $l=0.2\text{m}$ , 从 B 点贴着 C 点进入半圆轨道, 滑块在 C 点对半圆轨道的压力恰好为零。除水平轨道 AB、EF 外其余轨道均光滑, 滑块与水平轨道 AB 间的动摩擦因数  $\mu_1=0.2$ ,  $\sin 37^\circ=0.6$ ,  $\cos 37^\circ=0.8$ 。求:

- (1) 弹射器的弹性势能  $E_p$ ;
- (2) 若滑块从 G 点飞出后从 H 点进入轨道, 滑块在 G 点速度  $v_G$  的大小;
- (3) 若滑块在运动过程中不脱离轨道且经过了 F 点, 滑块与水平轨道 EF 的动摩擦因数  $\mu$  的范围。



8. (21-22 高三下·湖北荆州·开学考试) 调速器用来控制电动机的转速, 其结构如图所示。圆筒状的外壳固定不动, 中心转轴随电动机旋转, 轴上两侧各有一轻质细杆, 其上端与中心转轴链接, 下端各有一个质量为  $m=1.0\text{kg}$  的摆锤, 两细杆与中心转轴恒在同一平面, 且此平面随中心转轴旋转时, 细杆可以自由张开或合拢。当张角  $\theta=45^\circ$  时, 摆锤恰好与外壳接触; 当转速足够大时, 摆锤会贴紧外壳, 并对外壳施力, 通过传感器传递电动机转速过大的信息。已知外壳的内径为  $r=0.40\text{m}$ , 重力加速度  $g=10\text{m/s}^2$ 。

- (1) 当摆锤恰好与外壳接触时, 求中心转轴的角速度;
- (2) 当中心转轴以角速度  $\omega=6\text{rad/s}$  旋转时, 求任一摆锤对外壳施加压力的大小;
- (3) 若摆锤和外壳之间的动摩擦因数  $\mu=0.25$ , 当中心转轴的角速度维持  $\omega=6\text{rad/s}$  时, 求两个摆锤克服摩擦做功的功率。



## 高一期末复习专练：计算题功能部分 参考答案

1. (1) ①4m/s, ②13N, ③ $\frac{1}{2}$ ; (2) 1.25J 【详解】(1) ①根据题意,  $A \rightarrow C$  过程, 由动能定理  $mgh = \frac{1}{2}mv_C^2$   
解得第一次经过 C 点时速度  $v_C$  大小为  $v_C = 4\text{m/s}$  ②第一次到 C 点时, 由牛顿第二定律有  $F - mg = m\frac{v_C^2}{R}$  解  
得  $F = 13\text{N}$  ③第一次在 DE 中向上运动, 由牛顿第二定律有  $mg \sin 37^\circ + \mu_1 mg \cos 37^\circ = ma_{\text{上}}$  解得  
 $a_{\text{上}} = g \sin 37^\circ + \mu_1 g \cos 37^\circ$  向下运动过程, 由牛顿第二定律有  $mg \sin 37^\circ - \mu_2 mg \cos 37^\circ = ma_{\text{下}}$   
解得  $a_{\text{下}} = g \sin 37^\circ - \mu_2 g \cos 37^\circ$  由运动公式  $x = \frac{1}{2}at^2$  而  $x_{\text{上}} = x_{\text{下}}$  联立解得  $\frac{t_{\text{上}}}{t_{\text{下}}} = \frac{1}{2}$  (2) 若  $h = 1.6\text{m}$ , 由动能定理  
 $mg[h - 2R(1 - \cos 37^\circ) - L \sin 37^\circ] - \mu_1 mg \cos 37^\circ L = \frac{1}{2}mv_{\text{F}}^2$  由运动公式有  $d = v_{\text{F}}t - \frac{1}{2}\mu_2 g t^2$  而  $\Delta x = d + v_0 t$  小物块 a 滑  
过皮带的过程中产生的热量  $Q$  为  $Q = \mu_2 mg(d + v_0 t)$  解得  $Q = 1.25\text{J}$

2. (1) 3.5J; (2) 2J; (3) 见解析 【详解】(1) 滑块恰好不脱离圆弧轨道, 在 A 处有  $mg = m\frac{v^2}{R}$  根据能量守  
恒可得  $E_p = \frac{1}{2}mv^2$  联立解得  $E_p = \frac{1}{2}mgR = 3.5\text{J}$  (2) 滑块在传送带上匀加速时的加速度为  $a = \frac{\mu mg}{m} = \mu g = 6\text{m/s}^2$  若滑块  
在传送带上一一直匀加速, 直到速度变为  $v_0 = 10\text{m/s}$ , 设运动时间为  $t$ , 根据运动学公式可得  
 $v_0 = v_1 + at$  解得  $t = \frac{1}{3}\text{s}$  滑行的位移为  $x = \frac{v_1 + v_0}{2}t = 3\text{m} = L$  即滑块加速到  $v_0 = 10\text{m/s}$  时, 刚好运动到 E 点, 所以滑块  
相对传送带滑行的相对位移为  $\Delta x = v_0 t - L = \frac{1}{3}\text{m}$  摩擦产生的热量为  $Q = \mu mg \cdot \Delta x = 2\text{J}$

(3) ①若物体在传送带上一一直加速, 且到达 E 处时, 速度刚好加速到  $v_0$ , 此时  $v_0^2 - v_1^2 = 2aL$  解得  $v_1 = 8\text{m/s}$   
此时最初的弹性势能为  $E_p = \frac{1}{2}mv_1^2 - mg \cdot 3R = 11\text{J}$  当  $3.5\text{J} \leq E_p \leq 11\text{J}$  时, 物体在传送带上一一直加速, 根据能量守恒  
可得  $\frac{1}{2}mv_C^2 = E_p + mg \cdot 3R$  解得  $v_C^2 = 2E_p + 42$  根据运动学公式可得  $v^2 - v_C^2 = 2aL$  解得  $v = \sqrt{2E_p + 78}(\text{m/s})$

②若物体在传送带上一一直减速, 且到达 E 处时, 速度刚好减速到  $v_0$ , 此时  $v_0^2 - v_1^2 = -2aL$  解得  
 $v_1 = \sqrt{136}\text{m/s}$  此时最初的弹性势能为  $E_p = \frac{1}{2}mv_1^2 - mg \cdot 3R = 47\text{J}$  当  $E_p \geq 47\text{J}$  时, 物体在传送带上一一直减速, 此  
时  $v_C^2 = 2E_p + 42$   $v^2 - v_C^2 = -2aL$  可得  $v = \sqrt{2E_p + 6}(\text{m/s})$  ③当  $11\text{J} \leq E_p \leq 47\text{J}$  时, 物体在传送带上一一定会达到与

传送带共速的状态, 即  $v = 10\text{m/s}$ ; 综上所述可知, 当  $3.5\text{J} \leq E_p \leq 11\text{J}$  时,  $v = \sqrt{2E_p + 78}(\text{m/s})$ ; 当  $11\text{J} \leq E_p \leq 47\text{J}$   
时,  $v = 10\text{m/s}$ ; 当  $E_p \geq 47\text{J}$  时,  $v = \sqrt{2E_p + 6}(\text{m/s})$ 。3. (1) 水平向右,  $E = \frac{mv_0^2}{2eL}$ ; (2)  $E = \frac{mv_0^2}{eL}$ ; (3)  $\frac{-m(v_0 \sin \theta)^2}{2e}$

【详解】(1) 电子受力水平向左, 电场水平向右, 由动能定理  $-EeL = 0 - \frac{1}{2}mv_0^2$  解得  $E = \frac{mv_0^2}{2eL}$

(2) 电子从右侧四个边的中点射出, 所对应的电场强度最小。根据类平抛运动规律可知 x 轴方向有

$L = v_0 t$  垂直于  $x$  轴方向有  $\frac{1}{2}L = \frac{1}{2}at^2$  其中  $a = \frac{eE}{m}$  解得  $E = \frac{mv_0^2}{eL}$  (3) 到达最高点 M 时, 具有最大的电势能  $E_p$ ,

根据动能定理有  $W_{KM} = \frac{1}{2}m(v_0 \cos \theta)^2 - \frac{1}{2}mv_0^2$   $W_{KM} = -eU_{KM}$   $U_{KM} = \phi_K - \phi_M$

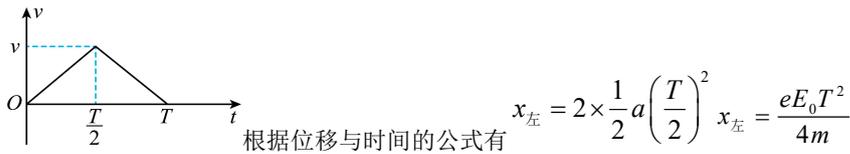
得  $\phi_M = \frac{-m(v_0 \sin \theta)^2}{2e}$  4. (1)  $v = \sqrt{\frac{2eU_0}{m}}$ ; (2)  $E = \frac{2U_0}{R}$ ; (3)  $x = \frac{eE_0 T^2}{2m}$

【详解】(1) 根据动能定理  $eU_0 = \frac{1}{2}mv^2$  解得  $v = \sqrt{\frac{2eU_0}{m}}$

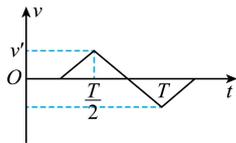
(2) 根据电场力提供向心力  $eE = \frac{mv^2}{R}$  解得  $E = \frac{mv^2}{Re} = \frac{2U_0}{R}$

(3) 根据牛顿第二定律  $eE_0 = ma$

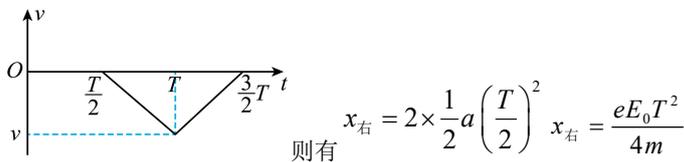
①由  $t=0$  时刻进入的粒子 a, 其  $v-t$  图像如图所示, 打到收集板上的右侧, 离  $I'$  最远



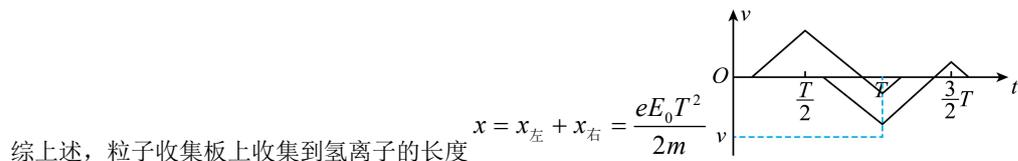
②由  $t = \frac{T}{4}$  时刻进入的粒子 b, 其水平方向的  $v-t$  图像如图所示, 正好打在  $I'$  处



③由  $t = \frac{T}{2}$  时刻进入的粒子 c, 其水平方向的  $v-t$  图像如图所示, 打到收集板上的左侧, 离  $I'$  最远



④由粒子水平方向的  $v-t$  图像可知, 其它时间进入的粒子均在 a、c 粒子之间



5. (1) 28N, 方向竖直向下; (2) 12J; (3)  $0 \leq v_A \leq 2\sqrt{6}m/s$ ; (4)  $\frac{1}{15}m$

【详解】(1) 包裹从 A 点到 B 点过程, 根据动能定理可得  $mgR(1 - \cos \theta) = \frac{1}{2}mv_B^2 - 0$

解得  $v_B = 2m/s$  在 B 点, 根据牛顿第二定律可得  $F'_N - mg = m \frac{v_B^2}{R}$  解得  $F'_N = 28N$

根据牛顿第三定律可知, 包裹到达 B 点时对轨道的压力大小为 28N, 方向竖直向下。

(2) 由于  $v_B = 2m/s < v_0 = 4m/s$  可知包裹滑上传送带后做加速运动, 加速度大小为  $a = \frac{\mu mg}{m} = 3m/s^2$

包裹滑上传送带到与传送带共速所用时间为  $t_1 = \frac{v_0 - v_B}{a} = \frac{2}{3} \text{ s}$

包裹加速阶段通过的位移大小为  $x_1 = \frac{v_B + v_0}{2} t_1 = 2 \text{ m} = L = 2 \text{ m}$  可知包裹刚好运动到传送带右端时与传送

带共速, 则传送带对包裹所做的功为  $W = \frac{1}{2} m v_0^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = 12 \text{ J}$

(3) 若包裹都能刚好落在 E 点, 则从 C 点到 E 点过程, 有  $h = \frac{1}{2} g t'^2$ ,  $s = v_C t'$  解得包裹从 C 点抛出的速度为  $v_C = 4 \text{ m/s}$  若包裹在传送带一直做匀减速直线运动, 即包裹在传送带上, 摩擦力一直对包裹做负功, 则

包裹从 A 点到 C 点过程, 根据动能定理可得  $mgR(1 - \cos \theta) - \mu mgL = \frac{1}{2} m v_C^2 - \frac{1}{2} m v_A^2$

解得  $v_A = 2\sqrt{6} \text{ m/s}$  则为使包裹都能刚好落在 E 点,  $v_A$  的大小需满足  $0 \leq v_A \leq 2\sqrt{6} \text{ m/s}$

(4) 在 DE 平台上固定一倾角  $\alpha = 37^\circ$  的斜面, 让包裹离开传送带后恰能无碰撞地落在斜面上, 可知包裹

到达斜面顶端时, 速度方向与水平方向的夹角为  $\alpha = 37^\circ$ , 则有  $\tan \alpha = \frac{v_y}{v_0}$ ,  $v_y = g t'$  解得  $t' = 0.3 \text{ s}$

包裹到达斜面顶端时, 下落高度和通过的水平位移分别为  $y' = \frac{1}{2} g t'^2 = 0.45 \text{ m}$ ,  $x' = v_0 t' = 1.2 \text{ m}$

根据几何关系可知斜面的水平长度为  $x'' = \frac{h - y'}{\tan \alpha} = \frac{1.4}{3} \text{ m}$  可知末端离 E 点的水平距离为

$x = x' + x'' - s = 1.2 \text{ m} + \frac{1.4}{3} \text{ m} - 1.6 \text{ m} = \frac{1}{15} \text{ m}$

6. (1)  $0.45 \text{ m}$ ; (2)  $1 \text{ N}$ ; (3) 不能; (4)  $0 \text{ m/s} < v_{\text{传}} < 2\sqrt{2} \text{ m/s}$ ,  $2\sqrt{5} \text{ m/s} < v_{\text{传}} < 4\sqrt{3} \text{ m/s}$ ,

$v_{\text{传}} > 2\sqrt{15} \text{ m/s}$  【详解】(1) 从 A 到 B 做平抛运动, 则  $v_{By} = v_A \tan \theta$

解得  $v_{By} = 3 \text{ m/s}$   $v_{By}^2 = 2gh_1$  解得  $h_1 = 0.45 \text{ m}$

(2) 由动能定理, 得  $mg(h_1 + h_2) - \mu mgL_{CD} = \frac{1}{2} m v_E^2 - \frac{1}{2} m v_A^2$

解得  $v_E = 2 \text{ m/s}$  由牛顿第二定律  $F_N - mg = \frac{m v_E^2}{r}$  得  $F_N = 1 \text{ N}$

(3) 由动能定理  $\frac{1}{2} m v_C^2 \pm \mu mgL_{CD} = \frac{1}{2} m v_{Em}^2$  解得  $v_{E \max} = 2\sqrt{17} \text{ m/s}$   $v_{E \min} = 2 \text{ m/s}$

当传送带速度处于  $2 \text{ m/s} \sim 2\sqrt{17} \text{ m/s}$  时物块均可共速离开, 所以  $v_{E1} = 4 \text{ m/s}$

从 E 到 F  $\frac{1}{2} m v_{E1}^2 - 2mgr = \frac{1}{2} m v_{F1}^2$  解得  $v_{F1} = 0 \text{ m/s}$   $\frac{m v_{F1}^2}{r} < mg$  故不能过 F 点。

(4) 1、物块第一次无法过圆心等高处  $\frac{1}{2} m v_E^2 - mgr \leq 0$   $0 \text{ m/s} < v_{\text{传}} < 2\sqrt{2} \text{ m/s}$

2、物块能从右侧返回时，但无法回到圆心等高处  $\frac{1}{2}mv_E^2 - 2\mu mgL_{EG} < mgR$  解得

$$v_E < 4\sqrt{3}\text{m/s} \quad \frac{1}{2}mv_E^2 - 2mgr = \frac{1}{2}mv_F^2 \quad \text{在 F 点时} \quad \frac{mv_F^2}{r} \leq mg \quad v_E \geq 2\sqrt{5}\text{m/s} \quad \text{可得} \quad 2\sqrt{5}\text{m/s} < v_E < 4\sqrt{3}\text{m/s}$$

3、物块能第二次到达最高点  $\frac{1}{2}mv_E^2 - 2\mu mgL_{EG} > \frac{1}{2}mv_{Emin}^2$  故  $v_E > 2\sqrt{15}\text{m/s}$

$\frac{1}{2}mv_{Emax}^2 - 2\mu mgL_{EG} = 0.7\text{J} < \mu mgL_{CD}$  故物块无法完成  $D \rightarrow C$  的过程，重新回到传送带后会原速从  $D$

点离开。当  $2\sqrt{15}\text{m/s} < v_E < 2\sqrt{17}\text{m/s}$ ，不会脱离轨道综合上述情况： $0\text{m/s} < v_{传} < 2\sqrt{2}\text{m/s}$ ；

$2\sqrt{5}\text{m/s} < v_{传} < 4\sqrt{3}\text{m/s}$ ； $v_{传} > 2\sqrt{15}\text{m/s}$  三种情况。

7. (1)  $E_p = 4.9\text{J}$ ；(2)  $v_G = \sqrt{5}\text{m/s}$ ；(3)  $\frac{11}{30} \leq \mu < \frac{1}{2}$

【详解】(1) 对滑块在 C 点，有  $mg = m\frac{v_C^2}{r_1}$  解得  $v_C = \sqrt{gr_1} = 3\text{m/s}$  对滑块从 A 点到 C 点过程中，有

$$E_p = \frac{1}{2}mv_C^2 + \mu_1 mgl \quad \text{解得} \quad E_p = 4.9\text{J}$$

(2) 对滑块从 G 点到 H 点过程，有

$$2r_3 \cos\theta = v_G \sin\theta \quad t = \frac{2v_G \cos\theta}{g} \quad \text{解得} \quad v_G = \sqrt{5}\text{m/s}$$

(3) 情景 1. 若滑块刚好到 F 点速度为 0，对滑块从 C 点到 F 点的过程，有  $2mgr_1 - \mu mgL = 0 - \frac{1}{2}mv_C^2$

解得  $\mu = 0.5$  情景 2. 若滑块刚好  $O_4$  点速度为 0，对滑块从 C 点到  $O_4$  点过程，有

$$mg(2r_1 - r_2) - \mu mgL = 0 - \frac{1}{2}mv_C^2 \quad \text{解得} \quad \mu = \frac{11}{30}$$

综上所述，若滑块在运动过程中最终不脱离轨道且经过了 F 点，滑块与水平轨道 EF 的动摩擦因数  $\mu$  的范围  $\frac{11}{30} \leq \mu < \frac{1}{2}$

8. (1)  $5\text{rad/s}$ ；(2)  $4.4\text{N}$ ；(3)  $5.28\text{W}$  【详解】(1) 当摆锤恰好与外壳接触时，中心转轴的角速度为  $\omega_0$ ，

设轻杆对摆锤的拉力为  $F$ ，竖直方向有  $F\cos 45^\circ = mg$  水平方向有  $F\sin 45^\circ = mr\omega_0^2$  解得  $\omega_0 = 5\text{rad/s}$

(2) 当中心转轴以角速度  $\omega = 6\text{rad/s}$  旋转时，设轻杆对摆锤的拉力为  $F$ ，外壳对摆锤的压力为  $N$ 。竖直方向有  $F\cos 45^\circ = mg$  水平方向有  $F\sin 45^\circ + N = mr\omega^2$  解得  $N' = 4.4\text{N}$  有牛顿第三定律，摆锤对外壳的压力  $N' = 4.4\text{N}$  (3) 当中心转轴的角速度维持  $\omega = 6\text{rad/s}$  时，摆锤受到的摩擦力为

$$f = \mu N \quad \text{中心转轴旋转一周，摆锤克服摩擦力做功} \quad W = f \cdot 2\pi r \quad \text{两个摆锤克服摩擦力做功的功率} \quad P = \frac{2W}{T}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

而  $\omega = 6\text{rad/s}$  解得  $P = 5.28\text{W}$  另解：当中心转轴的角速度维持  $\omega = 6\text{rad/s}$  时，摆锤受到的摩擦力为

$f = \mu N$  中心转轴旋转一周，两个摆锤克服摩擦力做功的功率  $P = 2fv = \omega r$  解得  $P = 5.28\text{W}$